

Informatik II

Prüfungsvorbereitungskurs

Tag 4, 23.6.2016

Giuseppe Accaputo

g@accaputo.ch

Programm für heute

- Repetition Datenstrukturen
 - Unter anderem Fragen von gestern
- Point-in-Polygon Algorithmus
- Shortest Path Algorithmus
- Datenbanksysteme

Themenübersicht

- 20.3: Java
- 21.3: Objektorientierte Programmierung
- 22.3: Dynamische Datenstrukturen
- **23.3: Datenbanksysteme**

Bearbeiten

Wecker



06:00

Wecker



06:05

Wecker



06:10

Wecker



06:15

Wecker



06:20

Wecker



Weltuhr



Wecker



Stoppuhr



Timer

Repetition: **Datenstrukturen**

Übersicht Laufzeiten (worst-case)

■ Array

- **Zugriff auf i-tes Element:** $O(1)$
- Einfügen: $O(n)$
- Löschen: $O(n)$
- Suche:
 - Array sortiert: $O(\log(n))$
(mittels binärer Suche)
 - Sonst: $O(n)$

■ Liste

- Zugriff auf i-tes Element: $O(n)$
- **Einfügen:** $O(1)$
- Löschen: $O(n)$
- Suche: $O(n)$

Übersicht Laufzeiten (worst-case)

- Unbalancierter Baum: degeneriert zu Liste im worst-case Fall
 - Einfügen: $O(n)$
 - Löschen: $O(n)$
 - Suche: $O(n)$
- Balancierter Baum: Hat immer eine Höhe von $O(\log_2(n))$, d.h. alle Laufzeiten sind gleich
 - **Einfügen:** $O(\log_2(n))$
 - **Löschen:** $O(\log_2(n))$
 - **Suche:** $O(\log_2(n))$

Übersicht Laufzeiten (worst-case)

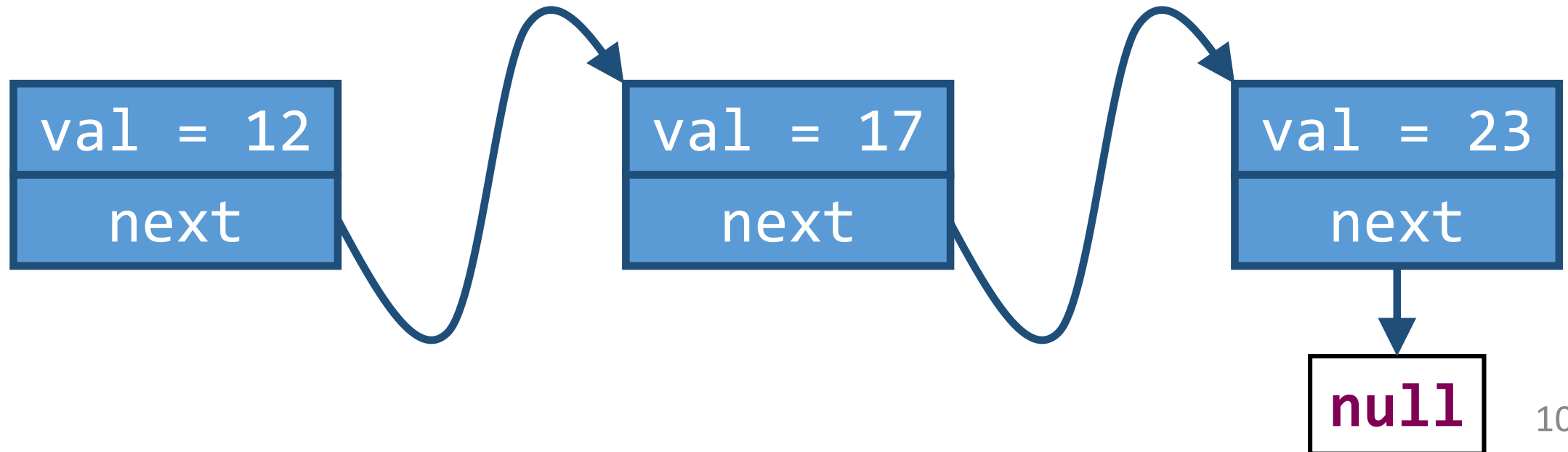
- Min- oder Max-Heap
 - **min / max extrahieren:** $O(\log_2(n))$
 - Einfügen: $O(\log_2(n))$
 - Löschen: $O(\log_2(n))$
 - Suche: $O(\log_2(n))$

LIFO vs. FIFO

- LIFO (Stack): Last-In-First-Out
 - Element, das zuletzt hinzugefügt wurde wird als erstes gelöscht
- FIFO (Warteschlange): First-In-First-Out
 - Warteschlange
 - Element, das am längsten in Datenstruktur befindet wird als erstes gelöscht

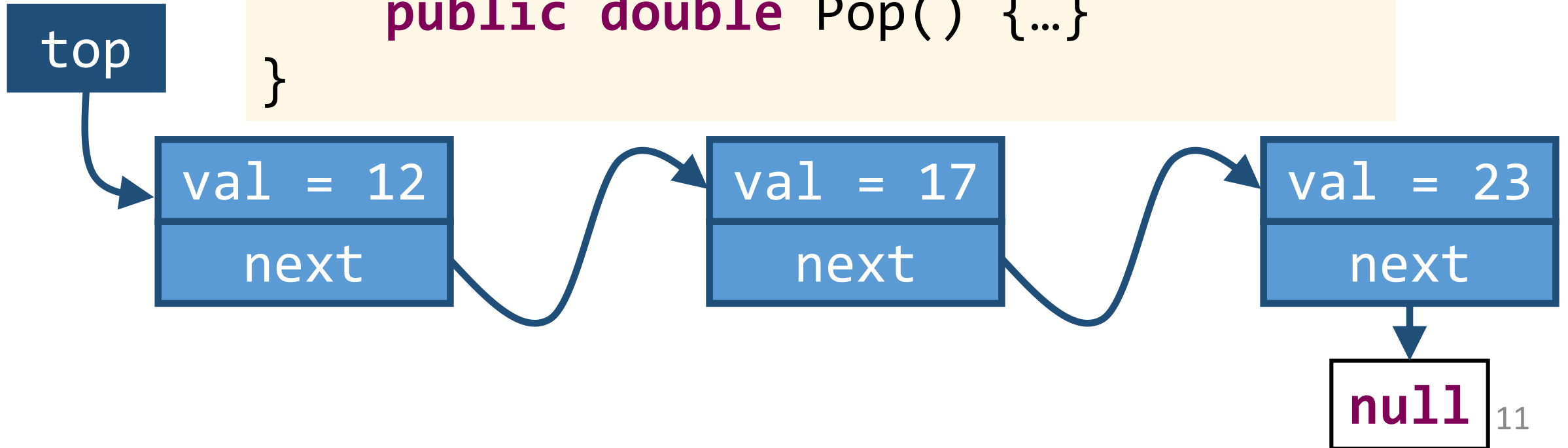
Einfach verkettete Liste: Im Speicher

```
Node n1 = new Node(23, null);  
Node n2 = new Node(17, n1);  
Node n3 = new Node (12, n2);
```



Stapel (Stack) mittels verketteter Liste

```
public class Stack {  
    private Node top = null;  
    public void Push(double val) {...}  
    public double Pop() {...}  
}
```



Prüfung 08.2014 Aufgaben 8a & 8b

- FIFO und LIFO
- Whiteboard

Aufbau einer Hashtabelle

1. Array für Schlüssel und Daten
2. Hashfunktion zur Berechnung des Array-Index (Position) der einzufügenden Objekten
3. Datenzugriff auf Array
 - Bei Kollisionen verwende lineares Sondieren

Beispiel Telefonbuch

```
class Telefonbuch{
    String [ ] keys = new int [10];
    int [ ] values = new int [10];
    int n = 0;

    int hash (String name) {
        return name.charAt(0) % 10;
    }
    ... // insert, probe, etc.
}
```

Beispiel Telefonbuch

```
insert("Giu", 112523);  
insert("Peter", 051823);
```

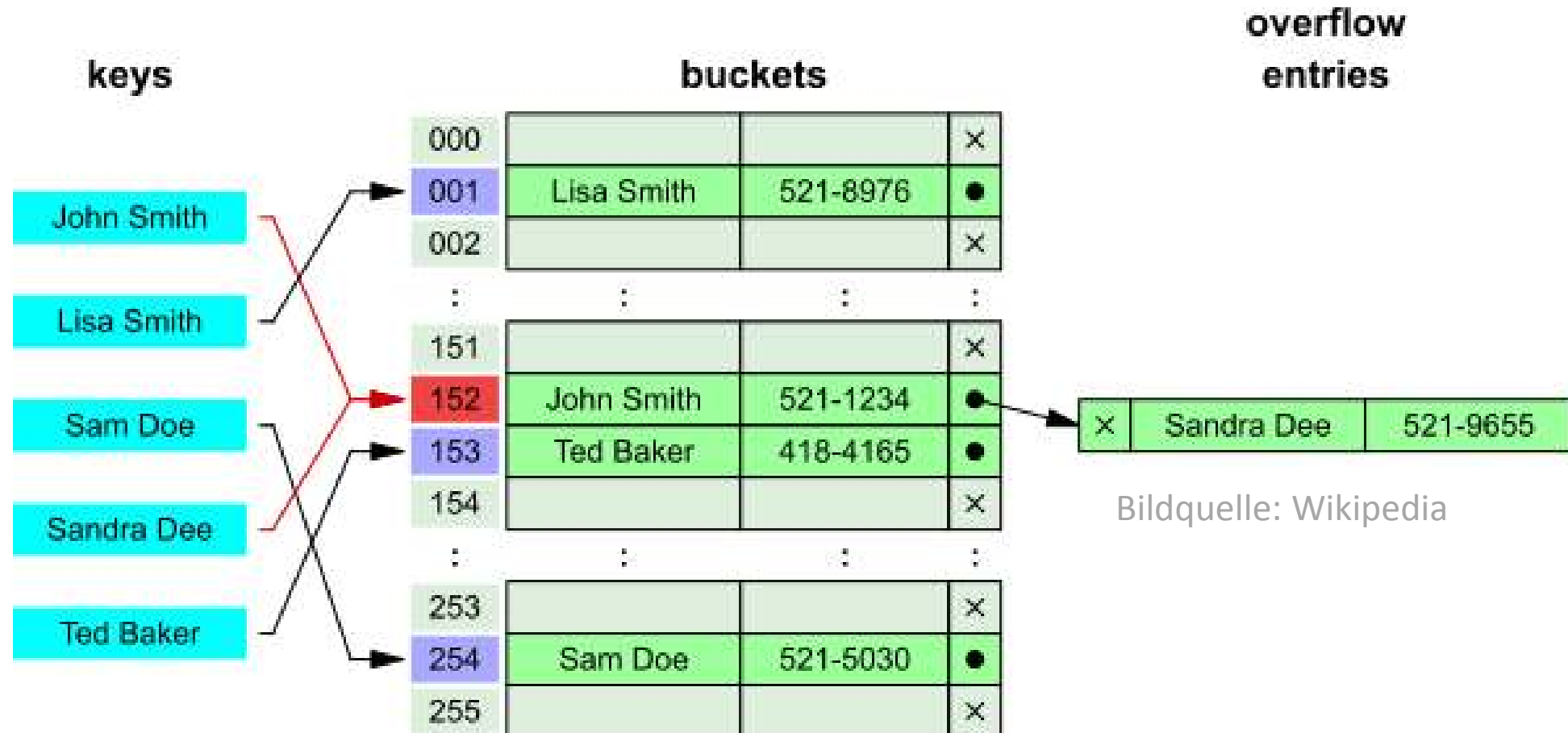
	keys	values
0	Peter	051823
1	Giu	112523
...

Beispiel Hashtabelle

- Prüfung 01.2015 Aufgabe 8

Bonus: Verkettung mittels Überläufer

- Kollision beim Einfügen: Verkettung mittels Überläufer



Bonus: Lineares Sondieren

- Wenn lineares Sondieren verwendet wird, um Kollisionen zu vermeiden, dann muss Suche nach Element – nebst Einfügen – angepasst werden
- Beginne Suche bei Position $\text{hash}(\text{key})$ und Sondiere linear bis der Eintrag mit key gefunden wurde
- Quelle:
«Algorithmen und Datenstrukturen» (Ottmann & Widmayer)

Bonus: Binärbaum-Höhe

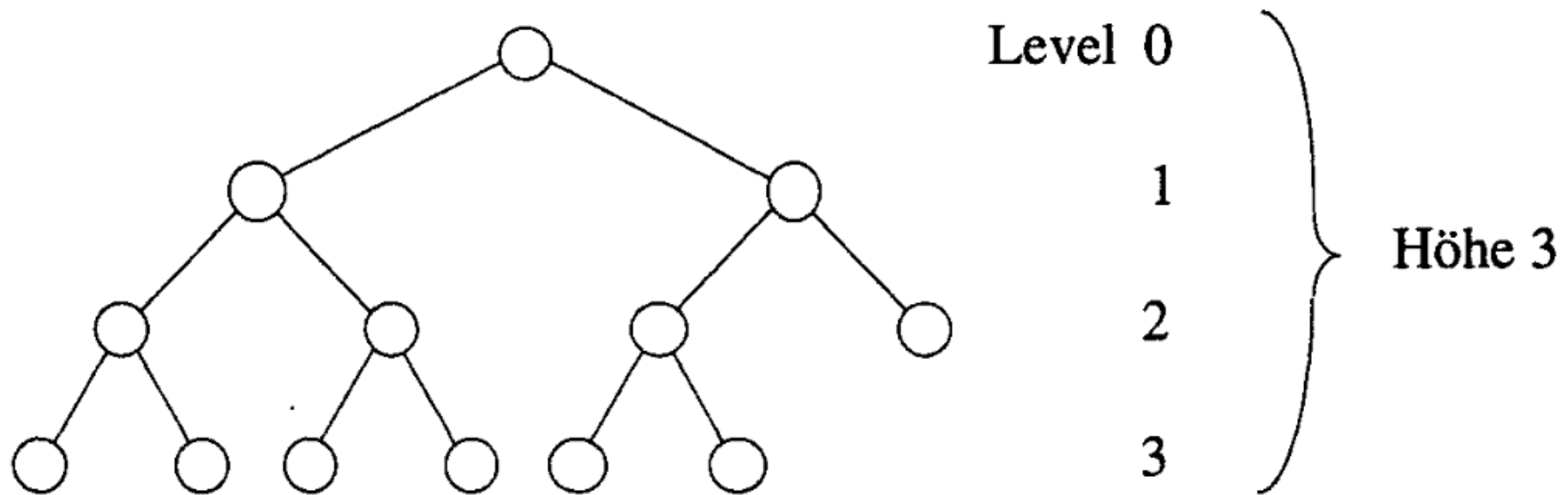
- Höhe ist definiert als die max. Weglänge zwischen Wurzel und Blattknoten
- Minimale Höhe eines Binärbaums mit n Knoten ist $O(\log_2(n))$ (exakt: $\lfloor \log_2(n) \rfloor$)
 - Höhe: Anzahl Level – 1, wobei Level 0 die Wurzel ist
- Quelle:
«Datenstrukturen und Algorithmen» (Güting & Dieker)

Laufzeit von Operationen auf Binärbäumen

- Im Mittel benötigt Einfügen / Löschen / Suchen in einem Binärbaum $O(\log_2(n))$
 - **Achtung:** nur im Mittel! Worst-case Verhalten ist trotzdem $O(n)$ bei nicht-balancierten Binärbäumen
- $O(\log_2(n))$ weil bei jeder Abzweigung von Wurzel bis zu Blattknoten jeder Teilbaum halbiert wird
 - $\log_2(n)$ gibt an wie oft n halbiert werden kann

Balancierte Bäume

- Garantiere, dass Binärbaum mit n Knoten stets eine Höhe von $O(\log_2(n))$



Bildquelle: «Datenstrukturen und Algorithmen» (Güting & Dieker)

Prüfung 01.2015 Aufgabe 5a

- Balancierten Baum zeichnen
- Whiteboard

Prüfung 08.2014 Aufgaben 5a & 5d

- Code um Baum zu traversieren
- Asymptotischer worst-case Speicherplatzverbrauch
- Whiteboard

Algorithmen:

Point-in-Polygon, Shortest Path

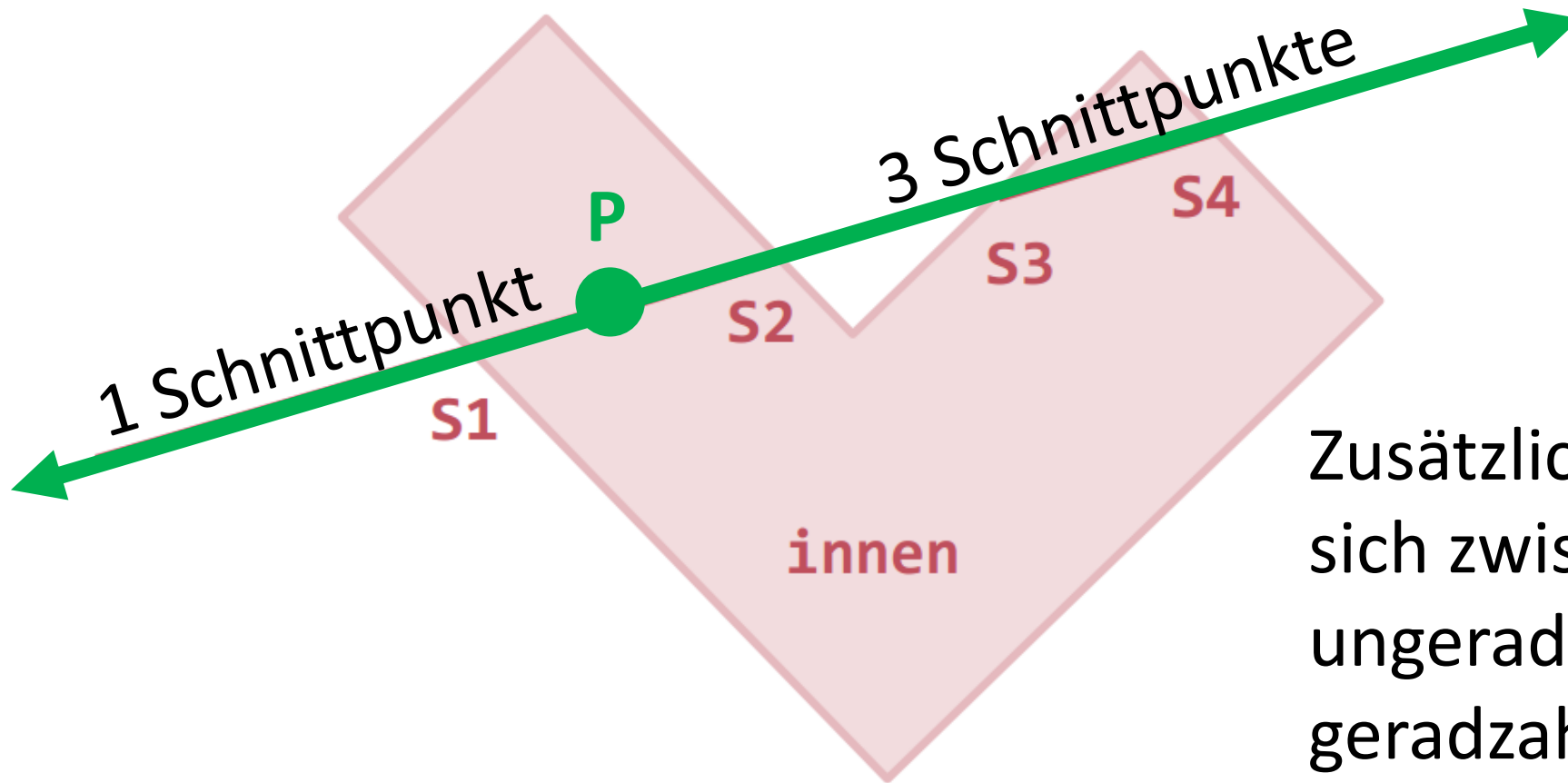
Point-in-Polygon Algorithmus

- Schnittfreie Polygone sind Jordankurven und zerlegen die Ebene in zwei Gebiete: das Innere und das Äussere
- Wir können dies ausnutzen, indem man Polygon mit Geraden schneidet

Abzählmethode

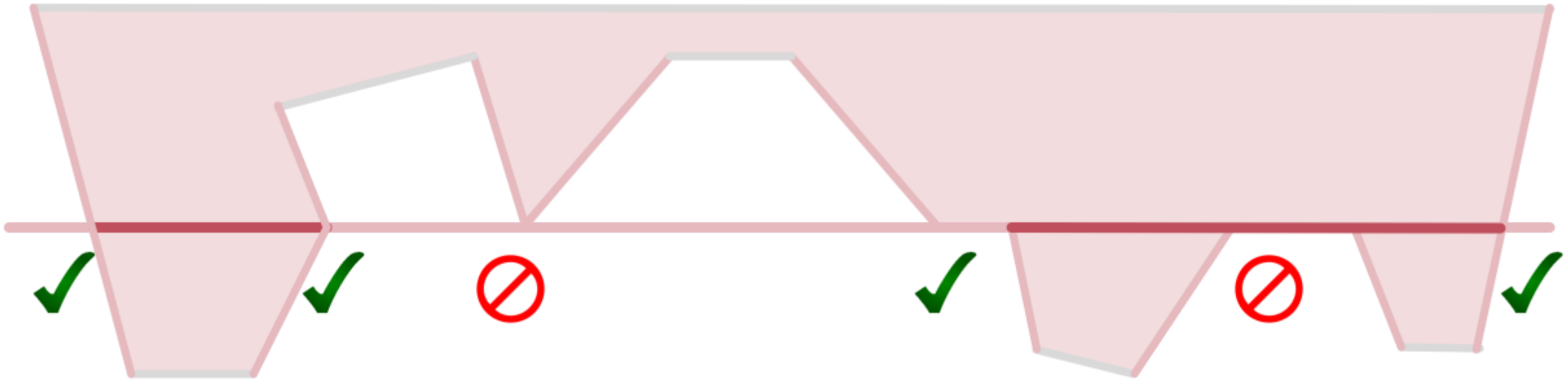
- Wird verwendet um zu überprüfen, ob sich ein Punkt im Polygon befindet
- Punkt liegt im Inneren eines Polygons, wenn von Punkt aus in beliebige Richtung ausgehender Strahl ungeradzahlig viele Polygonkanten kreuzt
 - Bereiche zwischen ungeradzahligem und geradzahligem Schnittpunkten liegen im Inneren des Polygons

Abzählmethode



Zusätzlich: Punkt befindet sich zwischen einem ungeradzahligen und einem geradzahligen Schnittpunkt

Echte und unechte Schnitte



- Echte Schnitte
- Unechte Schnitte

Echte Schnitte überprüfen

```
boolean IntersectHorizontalLeft(int x, int y, Vertex a, Vertex b)
{
    if (b.y < y && y <= a.y) { // Kante von oben nach unten
        return (x-a.x) * (b.y - a.y) <= (b.x-a.x)*(y-a.y);
    }
    else if(a.y < y && y <= b.y) { // Kante von unten nach oben
        return (x-a.x) * (b.y - a.y) >= (b.x-a.x)*(y-a.y);
    }
    else
        return false;
}
```

Prüfung 08.2015 Aufgabe 8

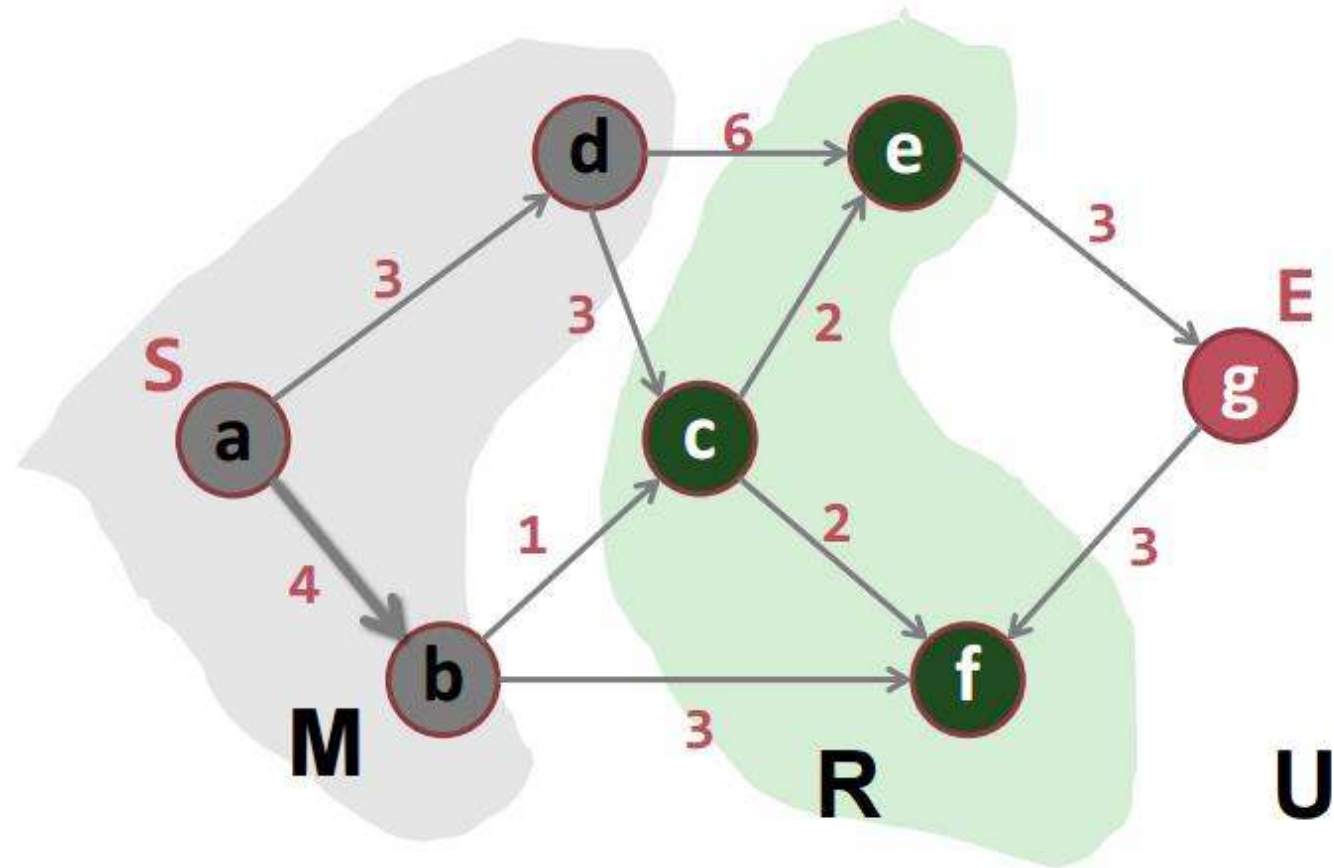
- Schaf vs. Wolf
- Whiteboard

Dijkstra's Shortest Path

- Gegeben: Gerichteter Graph (V, E) mit Knotenmenge V und Kantenmenge E , bei dem jeder Kante eine Länge zugeordnet ist
- Problem: Finde zu Startpunkt $S \in V$ und Endpunkt $K \in V$ den kürzesten Pfad entlang der Kanten im Graph

Dijkstra's Shortest Path: Implementation

- M : Knoten, die Teil eines minimalen Pfades erkannt wurden
- R : Knoten, die von M aus direkt erreichbar sind
 - Min-Heap, da wir aus R Knoten mit kleinster Pfadlänge nehmen
- U : Knoten die noch nicht berücksichtigt wurden



Dijkstra's Shortest Path: Algorithmus

- Beispiel (Whiteboard)

Part 4: Datenbanksysteme

Vorbereitungstipps

- In Gruppen lernen kann vorteilhaft sein
 - Bei Fragen ist gleich jemand da
 - Fragen beantworten hilft Verständnis
- Unbedingt alle alten Prüfungen lösen (**Wichtig**)
 - Eine Prüfung verwenden, um Prüfungssituation zu simulieren (auf Zeit)
- Übungen anschauen und versuchen zu verstehen
- Blick in alte Übungen werfen
 - <http://lec.inf.ethz.ch/baug/informatik2/2014/>
 - <http://lec.inf.ethz.ch/baug/informatik2/2015/>

Fragen zu Übungen oder alten Prüfungen

- Ich stehe gerne zur Verfügung für Fragen zu den Übungen und alten Prüfungen, falls welche auftauchen sollten während der Vorbereitung:

g@accaputo.ch

- Meine Slides zu den diesjährigen Informatik II Übungen:
<http://accaputo.ch/hilfsassistenz/informatik-2-d-baug-2016/>

Prüfungstipps

- Zeit pro Punkt ausrechnen: $\text{Dauer Prüfung} / \text{Anz. Punkte}$
 - Uhr an Prüfung mitnehmen (z.B. Wecker)
 - Gute Abschätzung um zu sehen, ob man zu viel Zeit mit einer Aufgabe verbringt
- Prüfung zuerst durchblättern und schauen, welche Aufgaben einfach zu lösen sind. **Diese dann gleich als erstes lösen!**